

با سمه تعالی

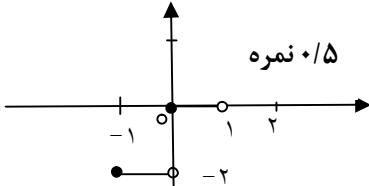
نام و نام خانوادگی :	سال سوم آموزش متوسطه	ساعت شروع: ۸ صبح	تعداد صفحه: ۲
رشته: ریاضی- فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۰۳/۱۸	دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸			مركز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir

ردیف	توضیحات	ردیف	ردیف
۱	توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)	۱	در دنباله حسابی $\dots, 1, 2, 5$ - حداقل چند جمله آن را باید با هم جمع کنیم تا حاصل از ۱۲۵ بیشتر شود؟
۲	درستی یا نادرستی گزاره های زیر را مشخص کنید: الف) چند جمله ای $a^n - a^n$ بر $x - a$ بخش پذیر است . ب) بیشترین مقدار تابع $x^2 + 20$ برابر ۲۰ است . ج) تابع $f(x) = \sqrt{1 - \cos^2 x}$ با تابع $g(x) = \sin x$ مساوی است .	۰/۷۵	
۳	معادله زیر را حل کنید.	۱	$(4 - x^2)^2 - 2(4 - x^2)^2 - 15 = 0$
۴	به روش جبری معادله $ x = \sqrt{2 - x}$ را حل کنید .	۱	
۵	اگر باقیماندهی تقسیم چند جمله ای $P(x) = 2x^4 + mx + 2$ بر $x - 1$ برابر ۲ باشد، باقیماندهی تقسیم آن بر $x - 1$ را باید .	۰/۷۵	
۶	جاهای خالی را با عبارات و اعداد مناسب پر کنید . الف) دوره‌ی تناوب تابع $y = \sin 3x$ است . ب) مقدار تابع $[x+1] f(x) = [x+1]$ به ازای $x = \sqrt{2}$ می باشد .	۰/۵	
۷	دو تابع ۱) $f(x) = x - 2$ و ۲) $g(x) = \sqrt{x+2}$ را در نظر بگیرید . الف) دامنه‌ی تابع gof را بدون محاسبه $(gof)(x)$ به دست آورید . ب) ضابطه‌ی gof را به دست آورید . ج) مقدار $(\frac{f}{g})(2)$ را محاسبه کنید .	۱/۵	
۸	وارون پذیری تابع $f(x) = \sqrt{x+2} - 3$ را بررسی کنید .	۱	
۹	نمودار تابع $f(x) = 2[x]$ را در بازه $(-1, 1)$ رسم کنید . (با راه حل)	۱	
۱۰	نشان دهید برای هر زاویه‌ی α داریم: $\cos 2\alpha = 1 - 2\sin^2 \alpha$	۱	"ادامه سوالات در صفحه دوم"

با سمه تعالی

نام و نام خانوادگی :	سال سوم آموزش متوسطه	رشته : ریاضی- فیزیک	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۰۳/۱۸	ساعت شروع: ۸ صبح	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۸	مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir				
ردیف	نمره	توجه : استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی ، جذر و درصد) بلامانع است. سوالات (پاسخ نامه دارد)	ردیف		
۱۱	۱	معادله‌ی مثلثاتی $\sin 5x = \sin 2x$ را حل کنید.			
۱۲	۰/۵	مقدار $(\sin^{-1}(\sin \frac{4\pi}{3}))$ را حساب کنید.			
۱۳	۲/۵	حدود توابع زیر را در صورت وجود بیابید.			
۱۴	۱/۵	مقدار a طوری بیابید که تابع زیر در $x=1$ پیوسته باشد.			
۱۵	۱/۲۵	با استفاده از تعریف، مشتق تابع $f(x) = x^3 + 1$ را در نقطه a محاسبه کنید.			
۱۶	۲/۷۵	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق لازم نیست.)			
۱۷	۱	آهنگ تغییرات مساحت یک دایره که قطر آن ۴ است را به دست آورید.			
۲۰	جمع نمره	موفق باشید.			

رشته: رياضي فيزيك	راهنماي تصحیح سؤالات امتحان نهايی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۸ / ۰۳ / ۱۳۹۸	سال سوم آموزش متوسطه تعداد صفحه: ۲
مركز سنجش و پايش کيفيت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خوداد ماه سال ۱۳۹۸

ردیف	راهنماي تصحیح	نمره
۱	$S_n = \frac{n}{2}(2a + (n-1)d) \Rightarrow 125 < \frac{n}{2}(-2 + 3(n-1)) \quad (0/25) \Rightarrow 3n^2 - 5n - 250 > 0 \quad (0/25)$ $\Rightarrow n = 10 \quad (0/25) \quad , \quad n = -8/3$ <p style="text-align: right;">حداقل ۱۱ جمله باید جمع شود. (۰/۲۵)</p>	۱
۲	<p style="text-align: center;">(ج) نادرست (۰/۲۵) (ب) نادرست (۰/۲۵) (الف) درست (۰/۲۵)</p>	۰/۷۵
۳	$4 - x^2 = t \rightarrow t^2 - 2t - 15 = 0 \rightarrow (t-5)(t+3) = 0 \rightarrow \begin{cases} t=5 \rightarrow 4 - x^2 = 5 \rightarrow x^2 = -1 \\ t=-3 \rightarrow 4 - x^2 = -3 \rightarrow x^2 = 7 \rightarrow x = \pm\sqrt{7} \end{cases} \quad (0/25)$	۱
۴	$ x ^2 = (\sqrt{2-x})^2 \Rightarrow x^2 = 2 - x \Rightarrow x^2 + x - 2 = 0 \Rightarrow (x+2)(x-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = 1 \end{cases} \quad (0/25)$	۱
۵	$P(-1) = 2 - m + 2 = 2 \quad (0/25) \Rightarrow m = 2 \quad (0/25) \Rightarrow P(1) = 6 \quad (0/25)$	۰/۷۵
۶	<p style="text-align: center;">(الف) $\frac{2\pi}{3} \quad (0/25)$ (ب) $2 \quad (0/25)$</p>	۰/۵
۷	$D_f = R \quad (0/25) \quad , \quad D_g = [-2, +\infty) \quad (0/25)$ <p style="text-align: center;">(الف) $D_{gof} = \underbrace{\{x \in D_f f(x) \in D_g\}}_{(0/25)} \Rightarrow x-1 \geq -2 \Rightarrow D_{gof} = [-1, +\infty) \quad (0/25)$</p> $g(f(x)) = \sqrt{x-1+2} = \sqrt{x+1} \quad (0/25) \quad (ج) \frac{f(2)}{g(2)} = \frac{1}{2} \quad (0/25)$ <p style="text-align: right;">(ب)</p>	۱/۵
۸	<p style="text-align: right;">يك به يك است. در نتيجه وارون پذير است. (۰/۲۵)</p> $f(x_1) = f(x_2) \Rightarrow \sqrt{x_1+2} - 3 = \sqrt{x_2+2} - 3 \Rightarrow \sqrt{x_1+2} = \sqrt{x_2+2} \Rightarrow x_1+2 = x_2+2 \Rightarrow x_1 = x_2 \quad (0/25)$	۱
۹	 <p style="text-align: center;">نمره ۰/۵</p> <p style="text-align: right;">$-1 \leq x < 0 \rightarrow y = -2 \quad (0/25)$ $0 \leq x < 1 \rightarrow y = 0 \quad (0/25)$</p>	۱
۱۰	$\cos 2\alpha = \underbrace{\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha}_{(0/25)} = \underbrace{(1 - \sin^2 \alpha) - \sin^2 \alpha}_{(0/25)} = 1 - 2\sin^2 \alpha \quad (0/5)$ <p style="text-align: center;">ادامه راهنمای در صفحه دوم"</p>	۱

رشته: رياضي فيزيك	راهنماي تصحیح سؤالات امتحان نهايی درس: حسابان
تاریخ امتحان: ۱۸ / ۰۳ / ۱۳۹۸	تعداد صفحه: ۲
مركز سنجش و پايش کيفيت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خوداد ماه سال ۱۳۹۸

ردیف	راهنماي تصحیح	نمره
۱۱	$5x = 2k\pi + 2x \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow x = \frac{2k\pi}{3} \quad (\cdot / ۲۵)$ $5x = 2k\pi + (\pi - 2x) \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow 7x = (2k+1)\pi \quad \Rightarrow x = \frac{(2k+1)\pi}{7} \quad (\cdot / ۲۵)$	۱
۱۲	$\underbrace{\sin^{-1}(\sin(\pi + \frac{\pi}{3}))}_{(\cdot / ۲۵)} = \underbrace{\sin^{-1}(-\frac{\sqrt{3}}{2})}_{(\cdot / ۲۵)} = -\frac{\pi}{3} \quad (\cdot / ۲۵)$	۰/۵
۱۳	$\lim_{x \rightarrow ۱} \frac{(x-1)(x^۴ + x^۳ + x^۲ + x + ۱)}{x-1} \quad (\cdot / ۵) = ۵ \quad (\cdot / ۲۵)$ الف) $\lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{\sqrt[۲]{\sin^۲ \frac{x}{2}}}{\frac{x}{2}} \quad (\cdot / ۲۵) = \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{\sqrt[۲]{ \sin \frac{x}{2} }}{\frac{x}{2}} \quad (\cdot / ۲۵) = \lim_{x \rightarrow \infty^-} \frac{-\sqrt[۲]{\sin \frac{x}{2}}}{\frac{x}{2}} \quad (\cdot / ۲۵) = -\sqrt[۲]{1} \quad (\cdot / ۲۵)$ ب) $\lim_{x \rightarrow ۳^-} \frac{\sqrt{x+1}-۲}{x^۲-۹} \times \frac{\sqrt{x+1}+۲}{\sqrt{x+1}+۲} = \lim_{x \rightarrow ۳^-} \frac{(x-۳)}{(x-۳)(x+۳)(\sqrt{x+1}+۲)} \quad (\cdot / ۲۵) = \frac{۱}{۲۴} \quad (\cdot / ۲۵)$ ج)	۲/۵
۱۴	$\lim_{x \rightarrow ۱^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow ۱^-} \frac{\sqrt{x}-۱}{x-1} \times \frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}+1} = \lim_{x \rightarrow ۱^-} \frac{۱}{\sqrt{x}+1} = \frac{۱}{۲} \quad (\cdot / ۲۵) , \quad \lim_{x \rightarrow ۱^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow ۱^+} [x] + a = ۱ + a \quad (\cdot / ۲۵)$ $\lim_{x \rightarrow ۱^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow ۱^-} f(x) = f(۱) \Rightarrow ۱ + a = \frac{۱}{۲} \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow a = -\frac{۱}{۲} \quad (\cdot / ۲۵)$	۰/۵
۱۵	$f'(a) = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)-f(a)}{x-a} = \lim_{x \rightarrow a} \frac{x^۲+۱-(a^۲+۱)}{x-a} = \lim_{x \rightarrow a} \frac{(x-a)(x+a)}{x-a} = ۲a \quad (\cdot / ۲۵)$	۱/۲۵
۱۶	الف) $y' = \underbrace{(۲ \circ x^۴)(\cos x)}_{(\cdot / ۵)} - \underbrace{(\sin x)(4x^۳+۲)}_{(\cdot / ۵)}$ ب) $y' = \frac{۲x + \cos x}{\sqrt[۳]{(x^۲ + \sin x - ۱)^۲}} \quad (\cdot / ۵)$ ج) $y' = ۳ \frac{-۱}{\sqrt[۳]{1-x^۳}} \quad (\cdot / ۷۵)$	۲/۷۵
۱۷	$S(r) = \pi r^۲ \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow S'(r) = ۲\pi r \quad (\cdot / ۲۵) \Rightarrow S'(۲) = ۴\pi \quad (\cdot / ۵)$	۱
	همكاران محترم، لطفا به سایر راه حل های صحیح به تناسب بارم را تقسیم کنید. با تشکر طراحان	۲۰